

فصل اول

اعداد و الگوها

درس اول: حل مسئله (الگویابی، رسم شکل)

یکی از روش‌های حل مسئله، روش الگویابی است. روش الگویابی یکی از روش‌های کشف رابطه‌هاست. معمولاً الگوها دو گونه هستند؛ الگوهای عددی و الگوهای هندسی که در الگوی عددی به دنبال کشف رابطه‌های عددی و در الگوی هندسی به دنبال کشف رابطه‌ی بین شکل‌ها هستیم. در بعضی مسئله‌ها نیز، ترکیبی از دو الگوی عددی و هندسی (شکل) وجود دارد. به مثال‌های زیر توجه کنید.



۱. در الگوهای زیر رابطه بین عدددها را پیدا کنید و به کمک آن، عدد بعدی هر الگو را بنویسید.

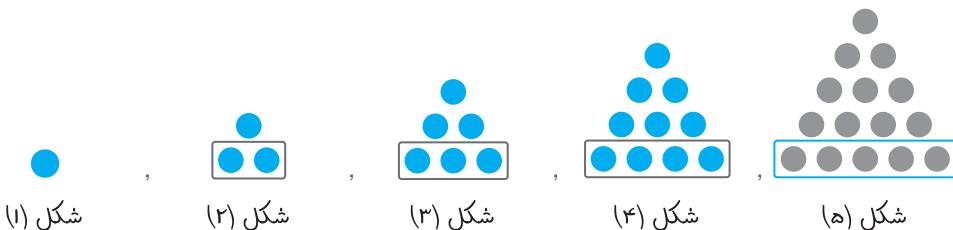
$$\begin{array}{ccccccc} & & 6 & , & 9 & , & 12 & , \\ & +3 & \nearrow & +3 & \nearrow & +3 & \nearrow \\ & & 15 & , & 18 & & \end{array}$$

در این الگوی عددی، هر عدد ۳ واحد بیشتر از عدد قبلی است.

$$\begin{array}{ccccccc} & & 1 & , & 4 & , & 16 & , \\ & \times 4 & \nearrow & \times 4 & \nearrow & \times 4 & \nearrow \\ & & 64 & , & 256 & & \end{array}$$

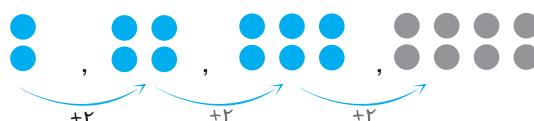
در این الگوی عددی، هر عدد ۴ برابر عدد قبلی است.

۲. در الگوی زیر رابطه بین شکل‌ها را پیدا کنید و به کمک آن، شکل بعدی را بکشید.



با توجه به شکل‌ها، می‌بینیم که در هر شکل، یک ردیف دایره به تعداد شماره‌ی شکل، به شکل مرحله‌ی قبل اضافه می‌شود.

۳. شکل بعدی الگوی زیر را رسم کنید.

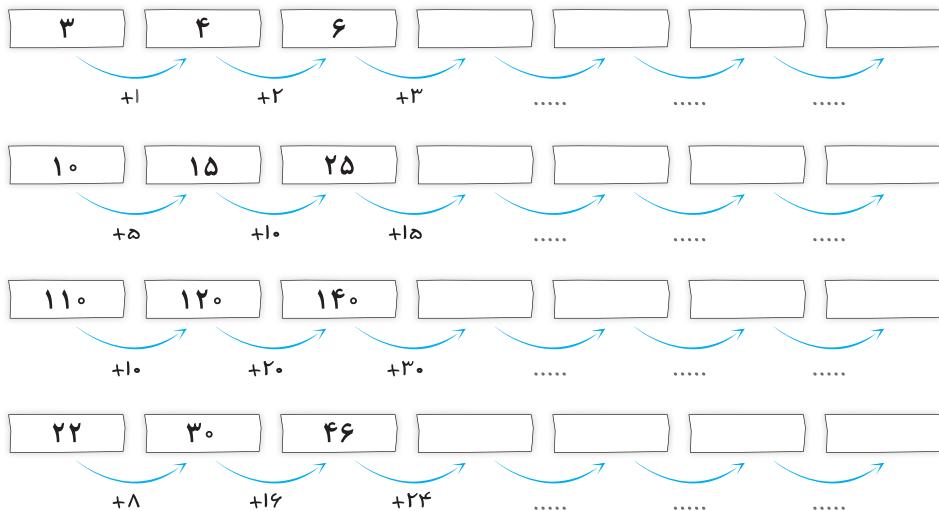


در این الگوی هندسی، تعداد دایره‌ها در هر مرحله برابر است با: تعداد شکل مرحله‌ی قبل $+2$.

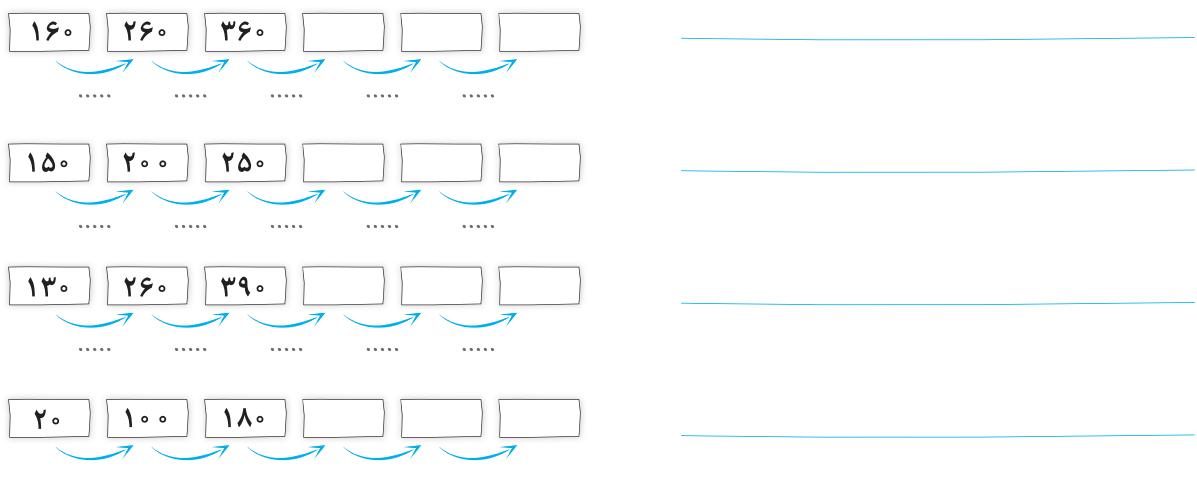


فصل اول اعداد و الگوها • دوسی اول: حل مسئله (الگویابی، رسم شکل)

۱: الگوهای زیر را ادامه دهید.

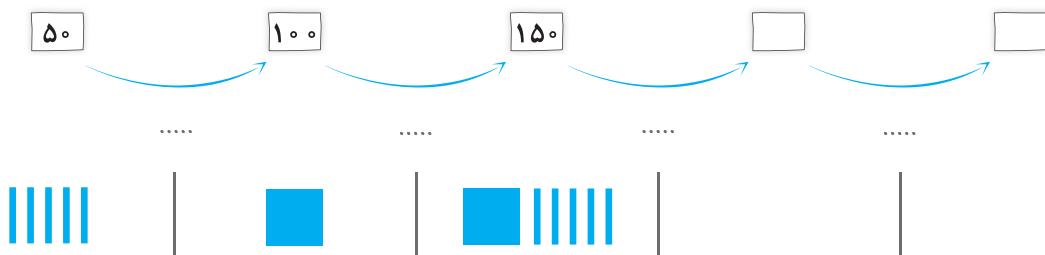


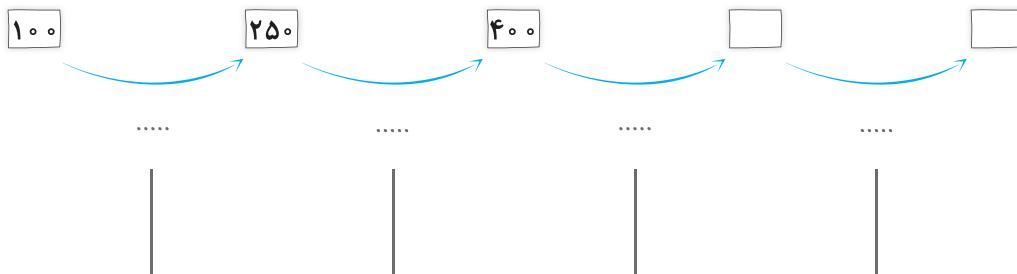
۲) در هر یک از الگوهای زیر ابتدا بنویسید شمارش چند تا چندتاست و سپس الگوها را ادامه دهید.



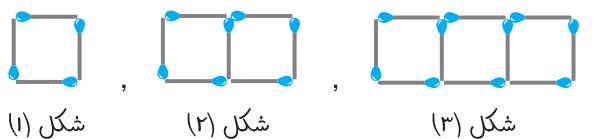
۳) با رسم شکل‌های مناسب، الگوهای عددی را به هندسی تبدیل کنید و عده‌های بعدی را در هر الگو بنویسید. (يعني

(١٠) يعني ١٠٠ و





الف) شکل بعدی الگوی هندسی زیر را رسم کنید. ۴



شکل (۱)

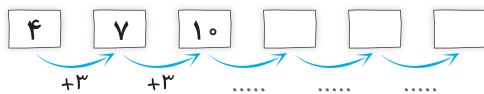
شکل (۲)

شکل (۳)

شکل (۴)

ب) چه الگویی در کشیدن شکل‌ها وجود دارد؟

ج) الگوی هندسی بالا را به الگوی عددی تبدیل کنید و بگویید شکل ششم از چند چوب کبریت درست شده است.



الف) الگوی زیر را با کشیدن شکل‌های مناسب ادامه دهید. ۵



شکل (۱)

شکل (۲)

شکل (۳)

شکل (۴)

شکل (۵)

ب) با کامل کردن جدول زیر، تعیین کنید شکل پنجم از چند دایره تشکیل شده است.

شماره‌ی شکل	۱	۲	۳	۴	۵
تعداد دایره‌ها					

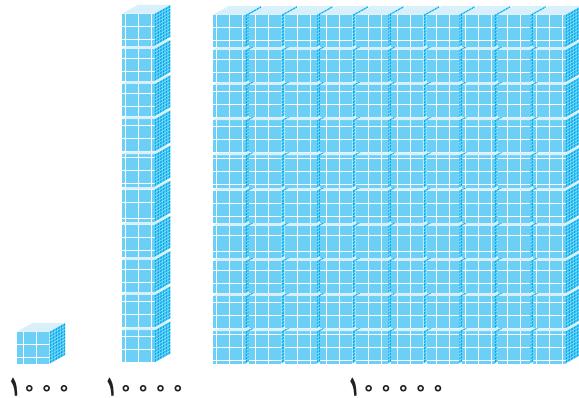




درس دوم: عددنویسی

طبقه‌ی هزار

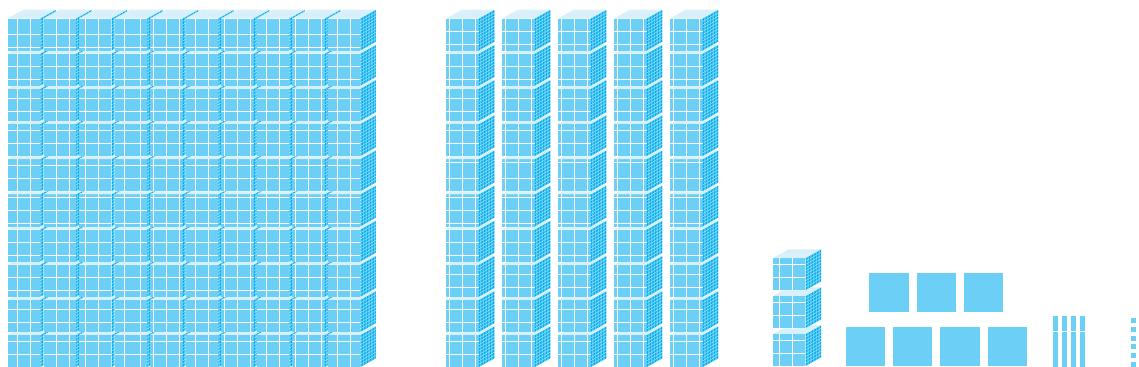
در سال گذشته با عدد هزار (10000) آشنا شدیم. اگر 10 تا دسته‌ی هزارتایی را کنار هم قرار دهیم، عدد ده‌هزار (100000) و اگر 10 تا دسته‌ی ده‌هزارتایی را کنار هم قرار دهیم، عدد صد‌هزار (1000000) درست می‌شود. بنابراین طبقه‌ی هزار به صورت زیر به جدول ارزش مکانی اضافه می‌شود.



هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان



عدد مربوط به شکل زیر را در جدول ارزش مکانی قرار دهید و آن را با رقم و حروف بنویسید.



هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان
۱	۵	۳	۷	۴	۶

بارقام: ۱۵۳۷۴۶

با حروف: صد و پنجاه و سه هزار و هفت‌صد و هفت‌چهل و شش

نکته

در جدول ارزش مکانی، هرچه از سمت راست به چپ حرکت کنیم، ارزش رقمها بیشتر می‌شود.



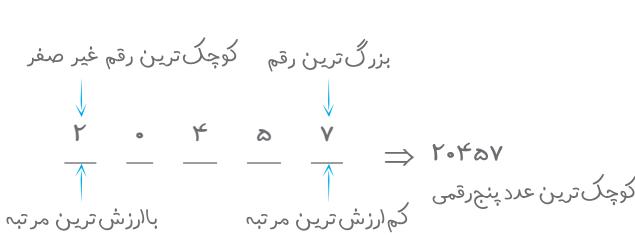


له با توجه به عدد ۳۸۹۱۷۲ به سؤالات زیر پاسخ دهید.

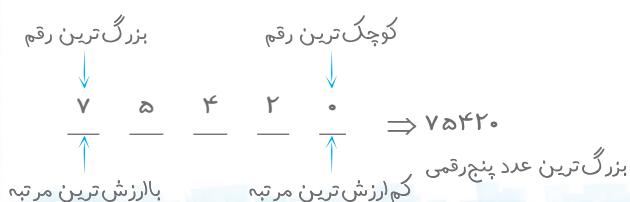
(الف) کدام رقم، ارزش بیشتری دارد؟ رقم ۳، زیرا اولین رقم از سمت چپ عدد است.

با بزرگ‌ترین رقم، در کدام مرتبه قرار دارد؟ در مرتبی یکان هزار

۱۲. با رقم‌های ۰، ۵، ۷ و ۴ کوچک‌ترین و بزرگ‌ترین عدد پنج رقمی را بنویسید.



برای نوشتن بزرگ‌ترین عدد پنج رقمی نیز، بزرگ‌ترین رقم را در بازرسی ترین مرتبه نوشت و بقیه رقم‌ها را از بزرگ به کوچک به ترتیب در مرتبه‌های بعدی قرار می‌دهیم.



برای نوشتن بزرگ‌ترین عدد پنج رقمی نیز، بزرگ‌ترین رقم را در بازرسی ترین مرتبه نوشت و بقیه رقم‌ها را از بزرگ به کوچک به ترتیب در مرتبه‌های بعدی قرار می‌دهیم.

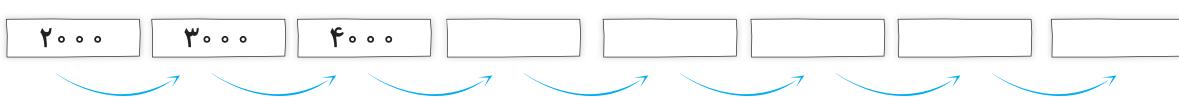
گستره‌نویسی عددها

به دو صورت می‌توانیم عددها را گستردۀ کنیم. به عنوان مثال، عدد ۷۸۷۲۳۶ را به صورت گستردۀ می‌نویسیم.

$$787236 = 700000 + 80000 + 7000 + 200 + 30 + 6$$

$$6 \text{ تا یکی} + 3 \text{ تا دهتایی} + 2 \text{ تا صدتایی} + 8 \text{ تا هزارتایی} + 7 \text{ تا دههزارتایی} = 787236$$

۱) الگوهای عددی زیر را ادامه دهید.

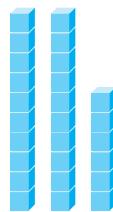




۲. هریک از شکل‌های زیر، چه عددی را نشان می‌دهد؟



(هر نشان‌دهندهٔ عدد ۱۰۰ است.)



ریال _____



ریال _____

۳. جاهای خالی را مانند نمونه کامل کنید.

- ب) چهل هزار تا _____ تا هزار تاست.
 د) هفتاد و چهار هزار تا _____ تا هزار تاست.
 الف) ده هزار تا ۱۰ تا هزار تاست.
 ج) پنجاه و سه هزار تا _____ تا هزار تاست.

۴. الگوهای عددی زیر را ادامه دهید.

۱۰۰۰۰ , ۲۰۰۰۰ , ۳۰۰۰۰ , _____ , _____ , _____ , _____ , ۸۰۰۰۰ , _____

۲۵۰۰۰ , ۳۰۰۰۰ , ۳۵۰۰۰ , _____ , _____ , ۵۰۰۰۰ , _____ , _____ , _____

۲۷۰۰۰ , ۳۰۰۰۰ , ۳۳۰۰۰ , _____ , _____ , ۴۲۰۰۰ , _____ , _____ , _____

۱۰۰۰۰ , ۱۷۰۰۰ , ۲۴۰۰۰ , _____ , _____ , _____ , ۵۲۰۰۰ , _____ , _____

۵. عددی را که در هر جدول مشخص شده است، با رقم و حروف بنویسید.

یکی	دهتایی	هزارتایی	دههزارتایی	بیست
۷	۶	۰	۰	۰

با رقم: _____

با حروف: _____

هزارتایی	دههزارتایی
۹	۵

با رقم: _____

با حروف: _____



هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان
۲	۷	۹	۴	۵	

با رقم:

با حروف:

۶) با توجه به جدول، جاهای خالی را کامل کنید.

الف) عددی که جدول نشان می‌دهد، _____ رقمی است.

ب) بزرگ‌ترین رقم، در مرتبه‌ی _____ قرار دارد.

ج) کوچک‌ترین رقم، در مرتبه‌ی _____ قرار دارد.

د) رقم _____، در مرتبه‌ی یکان هزار است.

۷) جاهای خالی را پر کنید.

هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان
۲	۷	۹	۴	۵	

الف) چهارصد تا هزار تا یعنی عدد: _____

ج) پانصد و هشتاد و سه تا هزار تا یعنی عدد: _____

۸) هر جدول چه عددی را نشان می‌دهد؟ با رقم و حروف بنویسید.

هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان
۸	۹	۷	۶	۰	۰

با رقم:

با حروف:

هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان
۳	۰	۴	۰	۰	۰

با رقم:

با حروف:

هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان
۵	۹	۷	۳	۲	۴

با رقم:

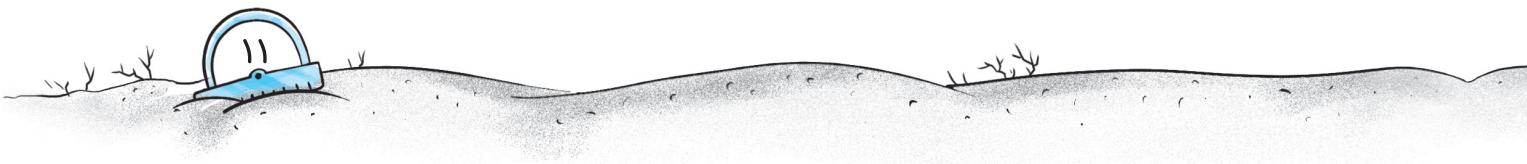
با حروف:

۹) با توجه به جدول ارزش مکانی داده شده، به سؤالات زیر پاسخ دهید.

هزار					
یکان	دهگان	صدگان	یکان	دهگان	صدگان
۹	۴	۰	۷	۸	۲

الف) این عدد را با حروف بنویسید.

ب) این عدد چند رقمی است؟

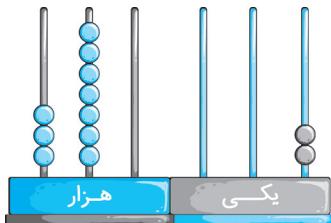




ج) رقم دهگان هزار این عدد چند است؟ _____

د) بزرگترین رقم در کدام مرتبه قرار دارد؟ _____

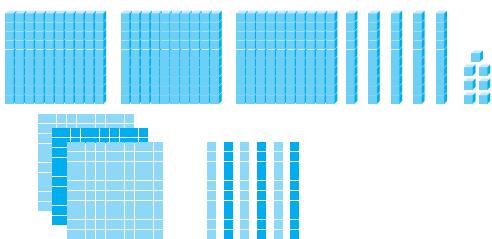
۱۵) در هر قسمت، عدد مربوط به شکل داده شده را در جدول قرار دهید و آن را به رقم و حروف بنویسید.



هزار				یکان
هزار	دهگان	یکان	صدگان	یکان

با رقم: _____

با حروف: _____



هزار				یکان
هزار	دهگان	یکان	صدگان	یکان

با رقم: _____

با حروف: _____

(هر نشان‌دهندهٔ عدد ۱۰۰۰ است).



هزار				یکان
هزار	دهگان	یکان	صدگان	یکان

با رقم: _____

با حروف: _____



(۱۱) جدول زیر را مانند نمونه، کامل کنید.

جدول ارزش مکانی							با حروف	بارقم	شکل
هزار									
هزار	صدگان	دهگان	یکان	صدگان	دهگان	یکان			
۲	۸	۴		۰	۰	۰	دویست و هشتاد و چهار هزار	۲۸۴۰۰	
هزار	صدگان	دهگان	یکان	صدگان	دهگان	یکان	چهارصد و هفت هزار و صد و بیست و دو		
هزار	صدگان	دهگان	یکان	صدگان	دهگان	یکان			
هزار	صدگان	دهگان	یکان	صدگان	دهگان	یکان			
۹	۰	۷		۴	۰	۲			

(۱۲) هر عدد را در جدول ارزش مکانی قرار دهید و سپس به صورت گسترده بنویسید.

هزار						
هزار	صدگان	دهگان	یکان	صدگان	دهگان	یکان

$$980\ 452 = \underline{\hspace{2cm}}$$

هزار						
هزار	صدگان	دهگان	یکان	صدگان	دهگان	یکان

$$100\ 100 = \underline{\hspace{2cm}}$$

(۱۳) عددی را که هر عبارت نشان می‌دهد، بنویسید.

$$80\ 000\ 00 + 30\ 000 + 70\ 00 + 90\ 0 + 50 + 6 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$20\ 000\ 00 + 50\ 00 + 40\ 0 + 8 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3\text{ یکی} + 9\text{ تا ۱۰۰ تایی} + 6\text{ تا ۱۰۰۰ تایی} + 4\text{ تا ۱۰۰۰۰ تایی} + 1\text{ هزار تایی} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$5\text{ یکی} + 7\text{ تا ۱۰۰ تایی} + 2\text{ تا ۱۰۰۰ تایی} + 9\text{ تا ۱۰۰۰۰ تایی} + 1\text{ هزار تایی} = \underline{\hspace{2cm}}$$





۱۴. امیر در جیبیش ۵ اسکناس صدهزار ریالی، ۷ اسکناس دههزار ریالی و ۴ سکه‌ی صد ریالی دارد. او چند ریال پول دارد؟

۱۵. تعداد افراد را به مکان‌های مناسب وصل کنید.



۱۶. هر عبارت در سمت راست را به عدد مناسب آن در سمت چپ وصل کنید.

۱۰۰۰۰	عدد چهار رقمی که یکان آن ۲، دهگان آن ۷ و یکان هزار آن ۹ باشد
۲۰۵۷۹	کوچک‌ترین عدد پنج رقمی با رقم‌های ۲، ۵، ۰، ۷ و ۹
۹۳۷۲	کوچک‌ترین عدد شش رقمی
۹۸۷۶	کوچک‌ترین عدد چهار رقمی با رقم‌های ۶، ۷، ۸ و ۹
۵۰۷۸	بزرگ‌ترین عدد چهار رقمی بدون تکرار رقم‌ها
۱۲۳۴	

۱۷. عددی شش رقمی را که صدگان آن ۳، دهگان آن ۵، صدگان هزار آن ۲ و بقیه‌ی رقم‌های آن صفر باشد، با رقم و حروف بنویسید.

با رقم:

با حروف:

۱۸. بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین عدد شش رقمی با رقم‌های ۳، ۵، ۰، ۹ و ۷ را بنویسید و اختلاف آن‌ها را به‌دست آورید.

کوچک‌ترین عدد:

بزرگ‌ترین عدد:

اختلاف دو عدد:

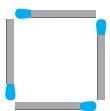


درس سوم: الگوها

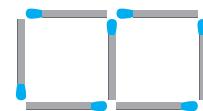
در یک الگوی عددی یا هندسی، اگر رابطه‌ی بین عددها یا شکل‌ها را پیدا کنیم، می‌توانیم به کمک آن، عددها یا شکل‌های بعدی را بدون نیاز به فکر زیاد یا محاسبات پیچیده، به دست آوریم. یکی از این رابطه‌ها که بسیار مفید می‌باشد، ارتباط بین شکل یا عدد با شماره‌ی آن‌ها است. به مثال‌های زیر توجه کنید.



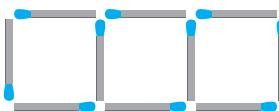
۱۰ در الگوی زیر، تعداد چوب‌کبریت‌های شکل دهم را پیدا کنید.



شکل (۱۰)



شکل (۱۱)



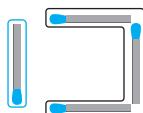
شکل (۱۲)

, , , ?

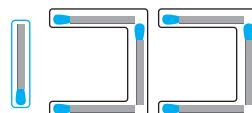
شکل (۱۳)

می‌توانیم با ادامه دادن شکل‌ها، شکل دهم را رسم کنیم و چوب‌کبریت‌های آن را بشماریم (اما این کار بسیار وقت‌گیر است). برای ساده‌تر شدن این کار، ارتباط بین شماره‌ی شکل و تعداد چوب‌کبریت‌های هر شکل را به دست می‌آوریم. اگر از هر شکل یک چوب‌کبریت را جدا کنیم، به تعداد شماره‌ی شکل، دسته‌های سه‌تایی از چوب‌کبریت تشکیل می‌شود، یعنی (شماره‌ی شکل) $\times 3$. حالا چوب‌کبریتی را که جدا کردیم، به این تعداد اضافه می‌کنیم. بنابراین:

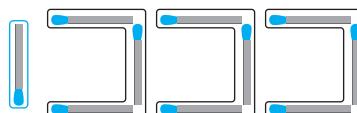
$$1 + (\text{شماره‌ی شکل}) \times 3 = \text{تعداد چوب‌کبریت‌های هر شکل}$$



شکل (۱۴)



شکل (۱۵)



شکل (۱۶)

, ...

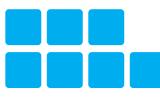
اکنون با رابطه‌ای که کشف کردیم، تعداد چوب‌کبریت‌های شکل دهم را به دست می‌آوریم.

$$1 + 10 \times 3 = 31 = \text{تعداد چوب‌کبریت‌های شکل (۱۰)}$$

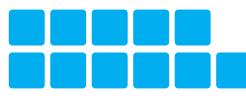
۱۱ در الگوی زیر، تعداد مربع‌های شکل بیستم را پیدا کنید.



شکل (۱۷)



شکل (۱۸)



شکل (۱۹)

, , ,

شکل (۲۰)

?

با توجه به الگو، اگر یک مربع به هر شکل اضافه کنیم، به تعداد شماره‌ی شکل، دسته‌های ۴ تایی از مربع‌ها تشکیل می‌شود.



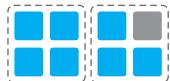
یعنی (شمارهی شکل) $4 \times$. حالا مریبعی را که اضافه کرده بودیم، از تعداد آن‌ها کم می‌کنیم. بنابراین:

۱- (شمارهی شکل) $4 \times$ = تعداد مریعهای هر شکل



شکل (۱)

$4 \times 1 - 1$



شکل (۲)

$4 \times 2 - 1$



شکل (۳)

$4 \times 3 - 1$

,...,

?

شکل (۲۰)

$4 \times 20 - 1$

$4 \times 20 - 1 = 79$

اکنون با رابطه‌ای که کشف کردیم، تعداد مریعهای شکل بیستم، برابر است با:

۱. مانند نمونه، الگوها را ادامه دهید، سپس رابطه‌ی بین عدددهای هر الگو را توضیح دهید.

$$\dots, 5, 10, 15, 20, 25, 30$$

$\downarrow +5 \quad \downarrow +5$

هر عدد ۵ واحد بیشتر از عدد قبل است.

$$10, 20, 30, 40, \boxed{}, \boxed{}, \boxed{}$$

.....

$$100, 90, 80, \boxed{}, \boxed{}, \boxed{}$$

.....

$$2, 8, 32, \boxed{}, \boxed{}$$

.....

$$7, 14, 28, \boxed{}, \boxed{}$$

.....

$$84, 79, 74, 69, \boxed{}, \boxed{}, \boxed{}$$

.....

$$81, 27, 9, \boxed{}, \boxed{}$$

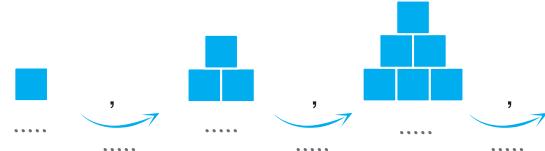
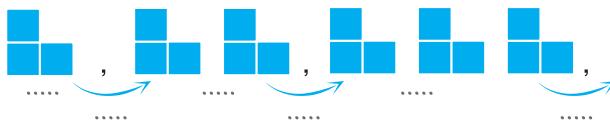
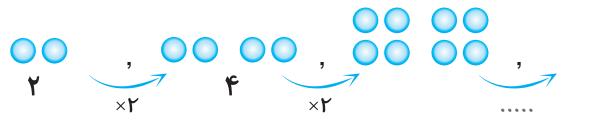
.....

$$5, 30, 180, \boxed{}, \boxed{}$$

.....



۲ در هر یک از الگوهای زیر، شکل بعدی را رسم کنید و سپس رابطهٔ بین عددهای هر الگو را بنویسید.



۳ به الگوی زیر توجه کنید.



شکل (۱)



شکل (۲)

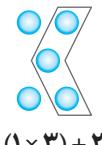


شکل (۳)

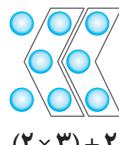
پوریا، پدرام و پویا برای رسم شکل مرحله‌ی بعد در الگوی بالا، به روش‌های زیر عمل کرده‌اند. روش حل هر کدام را

توضیح دهید و شکل بعدی را رسم کنید.

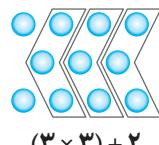
راه حل پوریا:



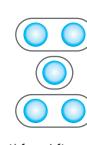
$$(1 \times 3) + 2$$



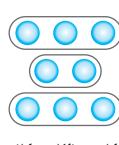
$$(2 \times 3) + 2$$



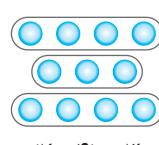
$$(3 \times 3) + 2$$



$$(2 \times 2) + 1$$



$$(2 \times 3) + 2$$



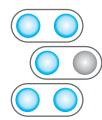
$$(2 \times 4) + 3$$

راه حل پدرام:

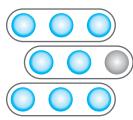




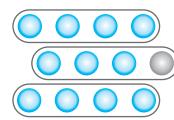
راه حل پویا:



$$(3 \times 2) - 1$$



$$(3 \times 3) - 1$$



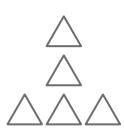
$$(3 \times 4) - 1$$

با استفاده از یکی از الگوهای بالا، تعداد دایره‌های شکل‌های دهم و سیم را به دست آورید.

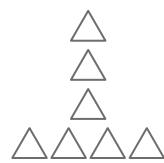
۴. به الگوی زیر توجه کنید. اگر شکل‌های را به همین ترتیب ادامه دهیم، شکل‌های دهم و بیستم از چند مثلث درست می‌شوند؟



شکل (۱۱)



شکل (۱۲)



شکل (۱۳)

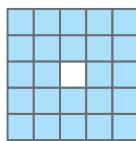
شکل (۱۰)

شکل (۲۰)

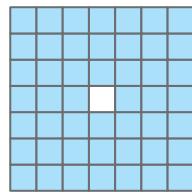
۵. شکل چهارم الگوی هندسی زیر را رسم کنید و تعداد مربع‌های رنگی آن را به دست آورید.



شکل (۱۱)



شکل (۱۲)



شکل (۱۳)

شکل (۱۴)

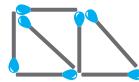
۶. در الگوی زیر، شکل چهلم با چند چوب‌کبریت ساخته می‌شود؟



شکل (۱۱)



شکل (۱۲)



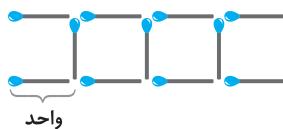
شکل (۱۳)

شکل (۴۰)





۷) با چوب کبریت‌ها، شکلی شبیه به یک قسمت از ریل قطار درست کرده‌ایم. طول ریل زیر ۴ واحد است. با چند



چوب کبریت، ریلی به طول 3° واحد می‌توان ساخت؟ راه حل خود را توضیح دهید.

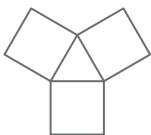
۸) در یک قطار، بین هر دو چرخ یک میله‌ی اتصال وجود دارد. اگر این قطار 8° چرخ داشته باشد، چند میله‌ی اتصال



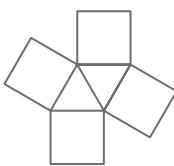
نیاز داریم تا چرخ‌ها به هم وصل شوند؟ راه حل خود را توضیح دهید.

۹) الگوی ساختن شکل‌های زیر را پیدا کرده و آن را توضیح دهید. بدون رسم شکل، مشخص کنید که شکل دهم با

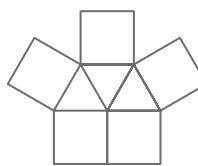
چند مثلث و چند مریع درست شده است.



شکل (۱)



شکل (۲)



شکل (۳)

...

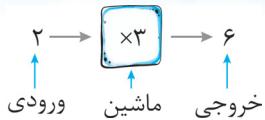
۱۰) در هر یک از الگوهای زیر، شکل بیستم از چند مثلث تشکیل شده است؟

(الف) ، ، ، ...

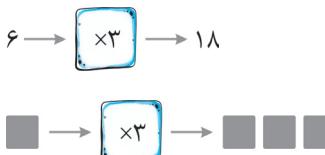
(ب) ، ، ، ...



درس چهارم: ماشین ورودی - خروجی

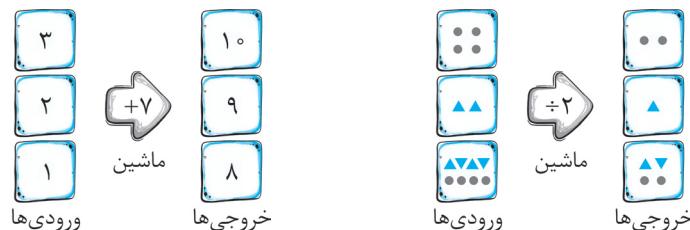


به شکل رو به رو توجه کنید. نام هر یک از اجزای این شکل نوشته شده است.



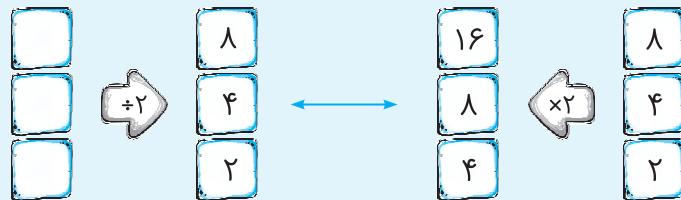
در شکل بالا، یک ماشین ورودی - خروجی را مشاهده می کنید که ورودی آن عدد ۶ و با توجه به کاری که ماشین روی آن انجام می دهد (۳ برابر کردن)، خروجی آن ۱۸ می باشد. حال اگر به این ماشین، ورودی های مختلفی را بدهیم، خروجی های متفاوتی نیز خواهیم داشت. به نمونه های مقابله توجه کنید.

دققت کنید به یک ماشین، می توان به طور همزمان چند ورودی داد و به طور همزمان نیز چند خروجی از آن گرفت. مانند:

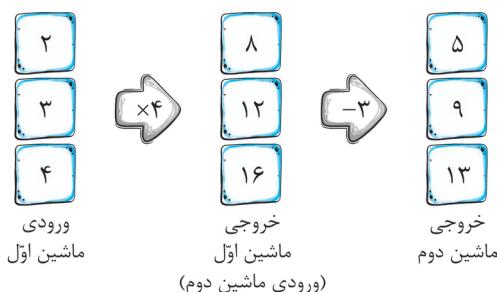


اگر در یک ماشین ورودی - خروجی، خروجی را داشته باشیم و بخواهیم ورودی را پیدا کنیم، باید عملیاتی که ماشین انجام می دهد را بر عکس کنیم، یعنی ضرب را به تقسیم، تقسیم را به ضرب، جمع را به تفریق و تفریق را به جمع تبدیل کنیم.

مانند:

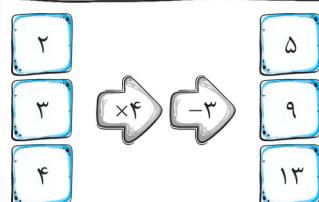


ماشین های ورودی - خروجی ترکیبی



اگر دو ماشین ورودی - خروجی را پشت سر هم بیندیم به طوری که خروجی اولی، ورودی دومی باشد، یک ماشین ترکیبی ساخته ایم. مانند:





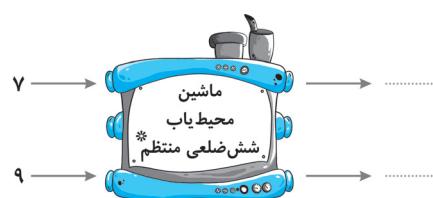
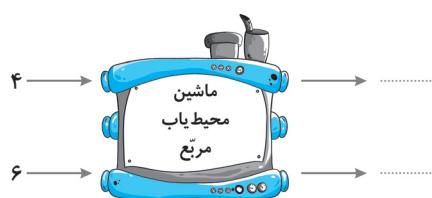
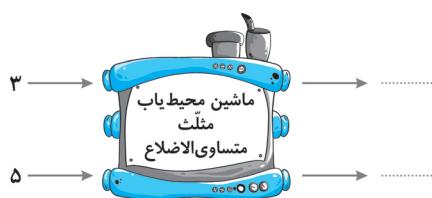
در واقع در ماشین ترکیبی بالا، ورودی ابتدا 4 برابر و سپس از حاصل آن 3 واحد کم می‌شود و خروجی به دست می‌آید. ماشین بالا را به طور خلاصه به صورت مقابل نمایش می‌دهند.

در یک ماشین ورودی - خروجی ترکیبی، اگر ورودی‌ها در یک عدد ضرب و سپس بر همان عدد تقسیم شوند و یا با یک عدد جمع و سپس از همان عدد کم شوند، کاری روی ورودی‌ها انجام نمی‌شود و بدون تغییر از ماشین خارج می‌شوند. در واقع خروجی‌ها همان ورودی‌ها هستند.

نکته



۱) خروجی ماشین‌های زیر را با توجه به کاری که انجام می‌دهند، بنویسید. توضیح دهید این ماشین‌ها چه کاری انجام می‌دهند؟



* در شش‌ضلعی منتظم، همهٔ ضلع‌ها با هم برابر می‌باشند.

۲) با توجه به کاری که هر ماشین انجام می‌دهد، عده‌های خروجی را پیدا کنید.

$$5 \rightarrow \boxed{\times 3} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$7 \rightarrow \boxed{\times 3} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$9 \rightarrow \boxed{\times 3} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$32 \rightarrow \boxed{\div 2} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$18 \rightarrow \boxed{\div 2} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$12 \rightarrow \boxed{\div 2} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$4 \rightarrow \boxed{\times 4} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$9 \rightarrow \boxed{\times 4} \rightarrow \underline{\quad}$$

$$6 \rightarrow \boxed{\times 4} \rightarrow \underline{\quad}$$

